

Prova di goniometria

18 Febbraio 2025

Cognome _____ Nome _____ Classe _____

Esercizio 1 Determina il valore della seguente espressione goniometrica:

$$\csc\left(\frac{7}{4}\pi\right) + \sin\left(-\frac{2}{3}\pi\right) - \cos\left(-\frac{3}{4}\pi\right) + \operatorname{tg}\left(\frac{29}{6}\pi\right) + \operatorname{ctg}\left(\frac{2}{3}\pi\right) - \sec\left(-\frac{11}{4}\pi\right) + \sin\left(\frac{13}{4}\pi\right) = -\frac{7}{6}\sqrt{3}$$

Esercizio 2 Utilizzando le regole sugli archi associati semplifica la seguente relazione goniometrica:

$$-\cos\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right) + \operatorname{tg}\left(\frac{3}{2}\pi + \alpha\right) + \csc\left(-\frac{3}{2}\pi - \alpha\right) + \sin(\alpha - \pi) - \operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) - \sec(-\pi - \alpha) + 2\cos\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right) = 2\sec\alpha$$

Esercizio 3 Tenendo conto delle relazioni fondamentali semplifica la seguente espressione:

$$\left(\frac{1}{\operatorname{tg}\alpha} + \frac{1}{\operatorname{ctg}\alpha}\right) \cdot (\sin\alpha + \cos\alpha)^2 - \frac{1}{\sin\alpha \cdot \cos\alpha} + \frac{1 - \sin^2\alpha + \cos\alpha - \cos^2\alpha}{\sin^2\alpha} \cdot \cos\alpha - 1 = \csc^2\alpha$$

Esercizio 4 Determina il valore delle seguenti espressioni:

a) $-\operatorname{arctg}\left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) + \operatorname{arcsin}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) + \operatorname{arccos}\left(\frac{1}{2}\right) - \operatorname{arcctg}(\sqrt{3}) = -\frac{\pi}{3}$

b) Sapendo che $\sin\alpha = -\frac{1}{5}$, nel caso sia $\frac{3}{2}\pi < \alpha < 2\pi$, determinare $\sec(\alpha)$, $\operatorname{tg}(\alpha)$

$$\cos\alpha = \frac{2\sqrt{6}}{5} \quad \sec\alpha = \frac{5\sqrt{6}}{12} \quad \operatorname{tg}\alpha = -\frac{\sqrt{6}}{12}$$

Esercizio 5 Sia data la circonferenza di equazione $\gamma: x^2 + y^2 = 2$ e la retta $r: (\sqrt{3}+2)x + y - 2(\sqrt{3}+2) = 0$. Detta t la retta tangente nel punto $P \equiv (1, 1)$ alla circonferenza γ . Determinare l'angolo acuto formato dalle rette t e r .

$$\alpha = 30^\circ$$