

# Prova di goniometria

18 Febbraio 2025

Cognome \_\_\_\_\_ Nome \_\_\_\_\_ Classe \_\_\_\_\_

**Esercizio 1** Determina il valore della seguente espressione goniometrica:

$$\cos\left(\frac{7}{6}\pi\right) - \operatorname{ctg}\left(\frac{23}{6}\pi\right) + \sec\left(-\frac{\pi}{4}\right) - \operatorname{tg}\left(\frac{2}{3}\pi\right) + \operatorname{csc}\left(-\frac{19}{4}\pi\right) + \sin\left(-\frac{7}{6}\pi\right) + \cos\left(-\frac{2}{3}\pi\right) = \frac{3}{2}\sqrt{3}$$

**Esercizio 2** Utilizzando le regole sugli archi associati semplifica la seguente relazione goniometrica:

$$\sec\left(-\frac{3}{2}\pi - \alpha\right) - \sin\left(\alpha - \frac{3}{2}\pi\right) + \operatorname{tg}(\alpha - 2\pi) - \operatorname{csc}(-\pi - \alpha) + 2\sin\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right) - \sin\left(\alpha - \frac{\pi}{2}\right) + \operatorname{ctg}\left(\frac{3}{2}\pi + \alpha\right) = -2\cos\alpha$$

**Esercizio 3** Tenendo conto delle relazioni fondamentali semplifica la seguente espressione:

$$\frac{1 - \sin^2\beta - \cos^2\beta + \cos\beta}{\sin^2\beta} \cdot \cos\beta + (\sin\beta + \cos\beta)^2 \cdot \left(\frac{1}{\operatorname{ctg}\beta} + \frac{1}{\operatorname{tg}\beta}\right) - \frac{1}{\sin\beta \cdot \cos\beta} - 1 = \operatorname{csc}^2\beta$$

**Esercizio 4** Determina il valore delle seguenti espressioni:

a)  $\arccos\left(\frac{1}{2}\right) - \operatorname{arcctg}(\sqrt{3}) + \operatorname{arctg}\left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right) - \arcsin\left(\frac{-\sqrt{3}}{2}\right) = \frac{2}{3}\pi$

b) Sapendo che  $\cos\alpha = -\frac{1}{3}$ , nel caso sia  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ , determinare  $\operatorname{csc}(\alpha)$ ,  $\operatorname{ctg}(\alpha)$

$$\sin\alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3} \quad \operatorname{csc}\alpha = \frac{3\sqrt{2}}{4} \quad \operatorname{ctg}\alpha = -\frac{\sqrt{2}}{4}$$

**Esercizio 5** Sia data la circonferenza di equazione  $\gamma: x^2 + y^2 = 2$  e la retta  $r: (\sqrt{3} + 2)x + y - 2(\sqrt{3} + 2) = 0$ . Detta  $t$  la retta tangente nel punto  $P \equiv (1, -1)$  alla circonferenza  $\gamma$ . Determinare l'angolo acuto formato dalle rette  $t$  e  $r$ .

$$\alpha = 60^\circ$$